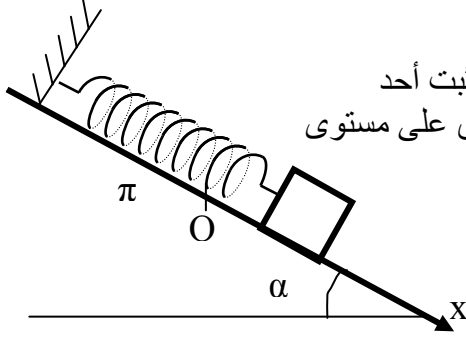


تمرين رقم 1:



لدينا نابض لفاته غير متصلة ، و كتلته مهملة ، و صلابته $K = 20 \text{ Nm}^{-1}$ ، ثبت أحد طرفيه بحامل ثابت ، بينما ثبت طرفه الآخر بالجسم (S) الذي يمكنه الانزلاق على مستوى مائل بزاوية α بالنسبة للمستوى الأفقي (π).
نعتبر الاحتكاكات مهملة بين الجسم (S) و المستوى (π) .

(1) لتكن $\Delta \ell_0$ إطالة النابض عند توازن الجسم (S) . أوجد تعبير $\Delta \ell_0$ بدلالة m و g و α و K . احسب $\Delta \ell_0$.

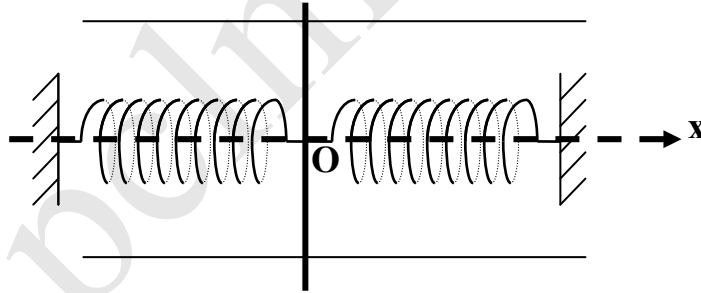
(2) نزيح الجسم (S) عن موضع توازنه بالمسافة $X_m = 2 \text{ cm}$ في المنحنى الموجب ، ثم نحرره بدون سرعة بدئية ، فيمر لأول مرة بالموضع 0 عند اللحظة $t = 0$. نعلم موضع الجسم (S) أثناء حركته بالأفصول x لمركز قصوره G في المعلم (O, \vec{i}) المرتبط بالمستوى (π) . عند التوازن ، يكون أفصول G منعما .

1-2) بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، أوجد المعادلة التفاضلية لحركة الجسم (S) .

2-2) اكتب المعادلة الزمنية لحركة الجسم (S) .

(3) أوجد من جديد المعادلة التفاضلية للحركة باعتمادك على دراسة طاقة
- نعتبر الحالة المرجعية لطاقة الوضع المرنة عندما يكون النابض غير مشوه
- نعتبر الحالة المرجعية لطاقة الوضع الثقالية عند التوازن

تمرين رقم 2:



في هذا التمرين نهمل جميع الاحتكاكات و كتلة النابضين . يمثل الشكل التالي ساقا مثبتا بطرفي نابضين مماثلين لفاتهما غير متصلة وصلابة كل واحد منهما $k = 10 \text{ N.m}^{-1}$. عند التوازن يكون للنابضين نفس الإطالة $\Delta \ell_0$.

(1) نزيح الساق عن موضع توازنه في المنحنى الموجب ب $X_m = 3 \text{ cm}$ و نطلقه بدون سرعة بدئية في اللحظة ذات التاريخ $t = 0 \text{ s}$ بحيث ينزل على السكتين في مستوى أفقي . نأخذ النقطة 0 أصلا لمعلم الفضاء (عند التوازن 0 و G مركز قصور الساق منطبقان)

1.1) أوجد تعبير المعادلة التفاضلية لحركة الساق و احسب دوره الخاص T_0 علما أن كتلة الساق $m = 200 \text{ g}$.

1.2) أكتب المعادلة الزمنية للحركة .

(2) اعط تعبير :

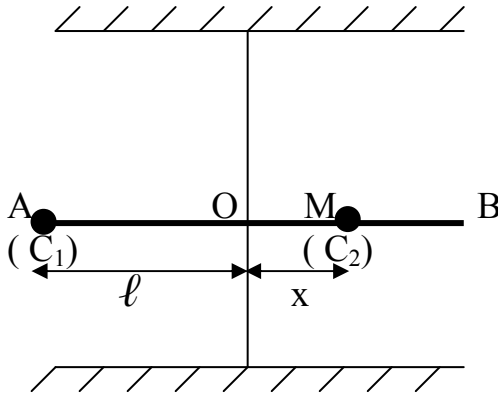
2.1 طاقة الوضع المرنة $E_p(x)$ للمجموعة . نختار الحالة التي يكون فيها النابضان غير مشوهان مرجعا لطاقة الوضع المرنة.

2.2 الطاقة الحركية للمجموعة $E_c(x)$ بدلالة x و X_m و k .

2.3 الطاقة الميكانيكية E_m و احسب قيمتها علما أن إطالة النابض عند التوازن هي $\Delta \ell_0 = 1 \text{ cm}$.

(3) مثل في نفس المعلم باختيارك لسلم ملائم مخططات الطاقة لكل من E_m و $E_c(x)$ و $E_p(x)$

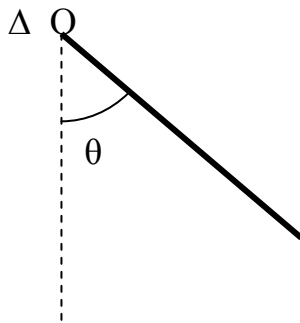
تمرين رقم 3:



نثبت في الوسط O لسلك لي ثابتة ليه $C = 4,5 \cdot 10^{-3} \text{ N.m.rad}^{-1}$
 ساقا AB متجانسة طولها $2\ell = 20 \text{ cm}$ و كتلتها مهملة. تحمل الساق عند طرفها A جسما نقطيا C_1 كتلته m_1 وعلى الجزء OB للساق نثبت جسما نقطيا C_2 كتلته $m_2 = 2m_1$ في الموضع M الذي يبعد عن الوسط O بالمسافة x.

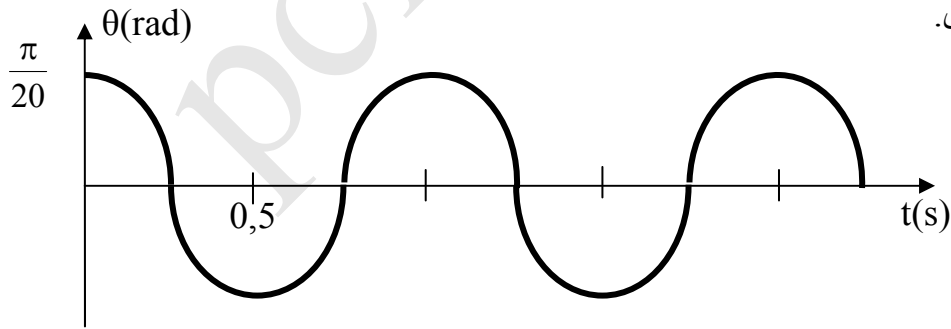
- (1) أوجد x بحيث تكون الساق أفقية .
- (2) نبعد المجموعة { الساق + C_1 + C_2 } عن موضع توازنها بإدارتها بزاوية $\theta_m = \frac{\pi}{6} \text{ rad}$ ثم نحررها بدون سرعة بدئية في لحظة نعتبرها أصلا للتواريخ .
- أوجد المعادلة التفاضلية لحركة المجموعة السابقة .
- (3) أحسب عزم القصور المجموعة علما أن دور التذبذبات $T_0 = 1 \text{ s}$.
- (4) أكتب المعادلة الزمنية لحركة المجموعة .
- (5) أوجد السرعة الزاوية للمجموعة عند مرورها بموضع توازنها .

تمرين رقم 4:



يتكون نواس من قضيب متجانس كتلته $m = 0,5 \text{ kg}$ و طول $\ell = 37 \text{ cm}$ و يمكنه الدوران في مستوى رأسي حول محور Δ أفقي يمر من الطرف O للقضيب. نهمل الاحتكاكات ونعلم موضع القضيب بالزاوية θ التي يكونها في لحظة t مع الخط الرأسي المار من O .
 نأخذ $g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$ و نرمز ب J_Δ لعزم قصور القضيب بالنسبة للمحور Δ .

نزيح القضيب عن موضع توازنه بزاوية صغيرة و نحرره بدون سرعة. يعطي المبيان جانبه تغيرات الزاوية θ بدلالة الزمن.



- (1) بتطبيق المبدأ الثاني لنيوتن أوجد المعادلة التفاضلية لحركة القضيب .
- (1.2) أوجد تعبير عزم القصور J_Δ بدلالة m و g و ℓ و T_0 : الدور الخاص لحركة النواس . احسب J_Δ .
- (1.3) حدد المعادلة الزمنية لحركة النواس .
- (2.1) عبر بدلالة θ و ℓ و m و g عن طاقة الوضع الثقالية E_{pp} للمجموعة { القضيب في مجال الثقالة الأرضي } علما أن $E_{pp} = 0$ عند $\theta = 0$.
- (2.2) نعتبر المجموعة السابقة محافظة : احسب الطاقة الميكانيكية لهذه المجموعة و استنتج السرعة الزاوية القصوى للقضيب